令和7年度 中学校第2学年 **数**学

注 意

- 1 「始め」の合図があるまで、冊子を開かないでください。
- 2 先生の指示があってから、組、出席番号、氏名を書いてください。
- **3** 問題は、1ページから 14ページまであります。
- 4 式や答えなどは、全て解答用紙の所定の欄に、はっきりと書いてください。
- 5 解答は、できるだけ簡単な形で表してください。
- 6 問題用紙のあいている場所は、自由に使用してもかまいません。

組	出席番号	氏	名

- - (1) 次の6つの数の中から、素数をすべて選びなさい。

1, 2, 3, 4, 5, 6

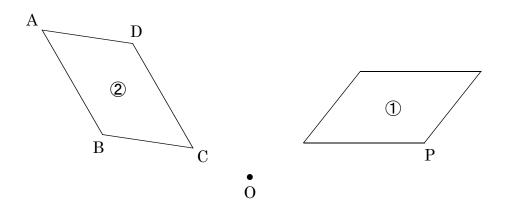
(2) 方程式 3x = x + 4 の解を求めるために、左辺 3x と右辺 x + 4 の x に、-2から 3までの整数をそれぞれ代入して、左辺と右辺の値を調べました。

	左辺 3 x の値	右辺 $x+4$ の値
$x = -2 \mathcal{O} $	- 6	2
$x = -1 \mathcal{O}$	- 3	3
$x = 0 \mathcal{O} \mathcal{E}$	0	4
$x = 1 \mathcal{O} \mathcal{E}$	3	5
$x = 2 \mathcal{O} \mathcal{E}$	6	6
$x = 3 \mathcal{O} \mathcal{E}$	9	7

この方程式の解について、次の**ア**から**オ**までの中から正しいものを **1 つ**選びなさい。

- \mathbf{r} $\mathbf{x} = \mathbf{0}$ のとき、右辺の値が $\mathbf{4}$ になるので、 $\mathbf{4}$ はこの方程式の解である。
- \mathbf{A} $\mathbf{x} = 2$ のとき、左辺と右辺の値はともに 6 になるので、 6 はこの 方程式の解である。
- ウ x = 2 のとき、左辺と右辺の値はともに6 になるので、2 はこの 方程式の解である。
- x = 2 のとき、左辺と右辺の値はともに6になるので、2と6はこの方程式の解である。
- オ 2から3までの整数の中には、この方程式の解はない。

(3) 次の図で、平行四辺形②は、平行四辺形①を点Oを中心として反時計回りに120°回転移動したものです。平行四辺形①の頂点 Pに対応する平行四辺形②の頂点を、あとのPから $\mathbf{1}$ つ選びなさい。



- ア頂点A
- イ 頂点 B
- ウ 頂点 C
- エ 頂点 D

(4) 次の表は、水そうに5分間水を一定の割合で入れたときの、水を入れる時間と水そうの水の量を表しています。

水を入れる時間(分)	0	1	2	3	4	5
水そうの水の量(L)	0	3	6	9	12	15

このとき、水を入れる時間と水そうの水の量について、「<u>水を入れる</u> 時間を決めると、それにともなって水そうの水の量がただ1つ決まる」 という関係があります。

下線部を、次のように表すとき、ア・イに当てはまる言葉を書きなさい。

ア	は	イ	の関数である。

(5) ある中学校の2年生男子50人の握力の記録を調べました。調べた結果を、次の累積度数を含めた度数分布表に整理します。

握力の記録

階	階級(kg)		度数(人)	累積度数(人)
15 20 25 30 35 40 45 50	~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~	**************************************	4 11 15 12 4 2 1	
	合計		50	

握力の記録の には最小の階級から 30 kg以上 35 kg未満の階級までの累積度数が入ります。 に入る値を求めなさい。

問題は、次のページに続きます。

ちひろさんは、次の**数学の問題**に取り組んでいます。

数学の問題

いちろうさんは、2km離れた図書館へ向かって学校を出発しました。 その5分後に、ふたばさんは学校を出発し、いちろうさんのあとを 追いました。いちろうさんは分速 60 m、ふたばさんは分速 80 mで 歩くとすると、ふたばさんは学校を出発してから何分後にいちろう さんに追いつきますか。

次の(1)から(3)までの各間いに答えなさい。

(1) ちひろさんは、「追いつくということは、いちろうさんとふたばさん の歩いた道のりが等しい」と考え、「ふたばさんが学校を出発して x 分 後に、いちろうさんに追いつく」として方程式をつくりました。ちひろ さんがつくった方程式を次のアからエまでの中から1つ選びなさい。

7 80 x = 60 (x + 5)

4 80(x + 5) = 60x

ウ 80 x = 60 (x - 5) エ 80 (x - 5) = 60 x

(2) 次にちひろさんは、(1)とは別の求め方を考えました。次のちひろさ **んの別の求め方**の ① に当てはまる言葉を、 ② に当てはまる式 を、 ③ に当てはまる方程式を、 ④ に当てはまる数をそれぞれ 書き、ちひろさんの別の求め方を完成させなさい。

ちひろさんの別の求め方

ふたばさんが、いちろうさんに学校からx mの地点で追いつくとすると いちろうさんは、ふたばさんが追いつくまでに $\frac{x}{60}$ 分歩いたと表すこと ができる。

また、いちろうさんは、ふたばさんより5分 ① 歩いているので、 ┃ ② ┃分と表すことができる。

だから、いちろうさんの歩いた時間は、 $\frac{x}{60}$ と② の2通りの式で表

この2つの式が等しいので、方程式は、

(3)

となり、これを解くと x = 1200 となる。この解は問題にあっている。 だから、ふたばさんが学校を出発して 4 | 分後にいちろうさんに追い (3) **数学の問題**の「<u>ふたばさんは分速 80 m</u>」を「<u>ふたばさんは分速 70 m</u>」 に変えたとすると、ふたばさんは、いちろうさんが図書館に着くまでに 追いつくことができますか。方程式をつくり、説明しなさい。ただし、 最初に何をxとしたか書きなさい。

問題は、次のページに続きます。

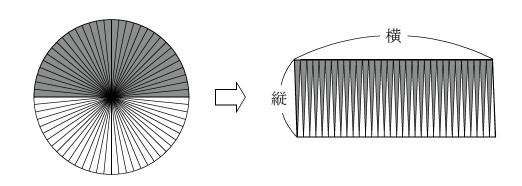
3 みなみさんとかいとさんは、おうぎ形の面積の求め方についてレポート を作成します。 2人は書く内容について話をしています。あとの(1)から (3)までの各問いに答えなさい。

かいとさん「おうぎ形の面積の公式は 半径×半径×円周率× $\frac{\text{中心角}}{360^{\circ}}$ でしたね。」

みなみさん「おうぎ形の面積の求め方に別の方法があることを知り ました。」

かいとさん「どんな方法ですか。」

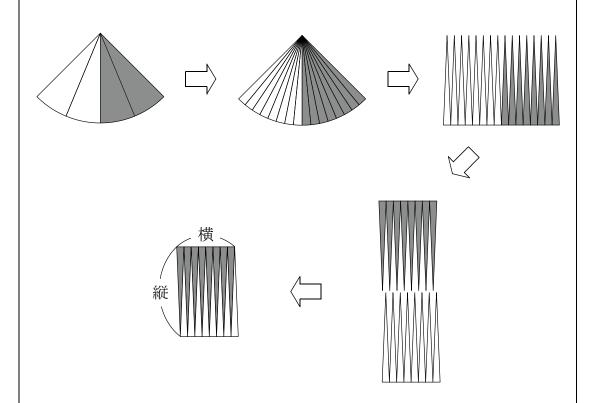
みなみさん「小学校で、円の面積の公式を学習したときの方法を使います。円の面積は図のように、円を細かくおうぎの形に等分して、長方形とみなして考えていました。」



かいとさん「長方形の縦の長さは円の ① でしたね。」

- (1) ① に当てはまる言葉を、次の \mathbf{P} から \mathbf{L} までの中から $\mathbf{1}$ つ選びなさい。
 - ア直径
 - イ 半径
 - ウ 周の長さ
 - エ 周の長さの半分

みなみさん「この考えで、おうぎ形の面積も求めることができます。 円のときと同じように、おうぎ形を細かく等分して、 並べます。」



かいとさん「円のときと同じで長方形とみなすことができますね。」 みなみさん「だから、おうぎ形の面積は、長方形の面積を求めれば よいということです。」

かいとさん「長方形の縦はおうぎ形の
① になります。では、長 方形の横の長さはどうなるのでしょうか。」

みなみさん「長方形の横の長さは ② です。」

かいとさん「わかりました。そうすると、長方形の面積は、

① × ② になりますね。」

みなみさん「おうぎ形の面積をS、半径をr、 $\boxed{3}$ を ℓ とすると、

 $S = \frac{1}{2} \ell r$ と表されます。」

かいとさん「この求め方なら、おうぎ形の中心角がわからなくても、 おうぎ形の面積を求めることができますね。」

- (2) **②**・**③** のそれぞれに当てはまる言葉を、次の**ア**から**エ**までの中から**1つ**ずつ選びなさい。
 - ア おうぎ形の弧の長さ
 - イ おうぎ形の弧の長さの半分
 - ウ おうぎ形の周の長さ
 - エ おうぎ形の周の長さの半分
- (3) 半径が6 cm、弧の長さが $5 \pi \text{ cm}$ のおうぎ形の面積を求めなさい。ただし、円周率は π とします。

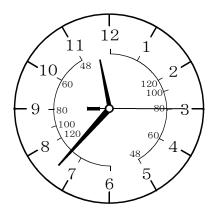
4 しおりさんは、関数を利用した時計があることを知り、調べることに しました。

しおりさんが調べたこと

○ナースウォッチ

関数を利用して、1分間よりも短い時間で、1分間の脈拍数を測定するための目もりがついている時計。計算しなくても時計を見れば1分間の脈拍数がわかる。医療機関等で働いている人がよく使っている。

- ○ナースウォッチを使った脈拍数の測定のしかた
 - ① 秒針が文字盤の 12 (または 6) の数字をさしたところから、 脈拍を 20 回数える。
 - ② 脈拍を20回数えたときに秒針がさした文字盤の内側にある目もりが、1分間の脈拍数である。
- ○右の図は、秒針が文字盤の12をさしたところから脈拍を20回数えたときの秒針の位置を表している。 秒針は3、内側にある目もりは80をさしているので、脈拍を20回数えるまでにかかった時間は15秒、1分間の脈拍数は80回となる。



次の(1)・(2)の各問いに答えなさい。

(1) 次の表は、脈拍を 20 回数えたときの時間と 1 分間の脈拍数についてまとめたものです。脈拍を 20 回数えたときの時間を x 秒、そのときの 1 分間の脈拍数を y 回とします。このとき、x と y の間にはどのような関係がありますか。あとの \mathbf{r} ・ \mathbf{r} のどちらかを選びなさい。また、そう判断した理由を説明しなさい。

х	10	12	15	20	25
У	120	100	80	60	48

ア 比例

イ 反比例

(2) しおりさんは、脈拍を15回数えて、1分間の脈拍数を測定するナースウォッチもあると知りました。そこで、しおりさんは、脈拍を15回数えて測定する種類のナースウォッチでは、文字盤の内側にある目もりにはどのように数字が書かれているのかを考えました。次のしおりさんの考え方のアからプローではまる数をそれぞれ書き、しおりさんの考え方を完成させなさい。

しおりさんの考え方

脈拍数と時間の関係を、比をもとにして考えると、 (脈拍数 15 回): (かかった時間) = (1 分間の脈拍数): (1 分間) となる。 だから、15: (かかった秒数) = (1 分間の脈拍数): 60脈拍を 15 回数えるのにかかった時間が 10 秒だとすると、1 分間の脈拍数は \mathbf{P} 回となる。 秒針が文字盤の12をさしたところから数えはじめて、脈拍を15 回数えたときの秒針が 2をさしているとき、内側にある目もりは \mathbf{P} である。 5 はるかさんの通う中学校の新聞部では、夏休みの読書冊数を調べて、 次回発行の記事の資料にしようと考えています。そこで、はるかさんは 1年生60人、2年生75人の夏休みの読書冊数を調べ、表にまとめま した。

読書冊数調査表

	平均値	最小値	最大値	最頻値	中央値
1年生の 読書冊数(冊)	4.0	1	1	4	4
2年生の 読書冊数(冊)	3.6	0	9	3	4

次の(1)から(3)までの各問いに答えなさい。

- (1) 1年生と2年生の読書冊数の範囲は同じです。 ① に入る値を求めなさい。
- (2) **読書冊数調査表**から、読みとれることについて、正しく述べているものを、次の**ア**から**エ**までの中から**すべて**選びなさい。
 - ア 1年生60人のうち、4冊読んだ生徒の人数がもっとも多い。
 - イ 各学年の読書冊数の合計は、2年生より1年生の方が多い。
 - ウ 1年生60人の読書冊数を多い順に並べると、多い方から30番目の生徒の読書冊数が中央値である。
 - エ 2年生75人の読書冊数を多い順に並べると、多い方から38番目の生徒の読書冊数は4冊である。

(3) はるかさんは、集めたデータから度数分布表も作成しました。

度数分布表

階級(冊)	1 年生 度数 (人)	2 年生 度数 (人)
$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	15 8 23 5 8	16 21 26 8 4 0
合計	60	75

この度数分布表を見て、はるかさんとさつきさんが話をしています。

さつきさん「読書冊数が4冊以上の人数は、2年生の方が多いです。」はるかさん「そうですね。1年生37人、2年生38人ですね。」 さつきさん「では記事に、4冊以上読んだ生徒の割合は2年生が 多いと書くことができますね。」

はるかさん「そうでしょうか。今回は1年生と2年生で ② が 違いますね。このように ② が違う場合は、相対 度数や累積相対度数を求めて、割合を比較する必要 があります。だから、4冊以上読んだ生徒の割合を求 めると、1年生の方が多いです。」

上の ② に当てはまる言葉として正しいものを、次の**ア**から**エ**までの中から**1つ**選びなさい。

- ア 平均値
- イ 最頻値
- ウ 度数の合計
- エ 比べている学年